

една „свободна“ връзка; тя може да се долови само като сръден изводъ отъ многократни, масови наблюдения надъ изучаемиѣ явления (гл. за това цитираната работа на Чупровъ, стр. 11; а сжщо и цѣлата глава II).

Следователно, за *икономиста* въпроса за закона на зависимостѣта между изучаемиѣ явления се разпада на два отдѣлни въпроса: 1-о—какѣ е формата и константиѣ на функцията, изразяваща вътрешната, причинната връзка между явленията и 2-о—до какѣа степенъ тази връзка може фактически да се прояви, т. е. до какѣа степенъ тази връзка е „тѣсна“ и до какѣа степенъ тази „тенденция“ се забулва и се покрива отъ страничниѣ въздействия. Отговора на първия въпросъ може да се даде, споредъ насъ, въ огромното болшинство случаи само отъ *икономическата теория*, която установява известни научни *хипотези* („количествената теория на паритѣ“, „банковиятъ принципъ“, „субективната теория на ценността“, диференциалната теория на земната рента“ и т. н.). Статистиката може тукъ само да провѣри, доколко теорията отговаря на действителността, а сжщо и да се опита да опредѣли константиѣ (или квази-константиѣ) на функцията, изкарана отъ теорията. Напротивъ, на втория въпросъ отговоръ дава само статистиката. Само тя може да опредѣли предѣлитѣ, онзи „Spielraum“, въ който трѣбва да се търсятъ численитѣ изрази на последствията отъ дадена група причини, и именно тукъ, правимъ веднага тази бележка, лежи законното поле за прилагането на различнитѣ мѣрки, изработени отъ теорията на корелацията, и, на първо мѣсто, на коефициента на корелацията.

Отговаряйки на втория въпросъ, и за да изведемъ една рационална мѣрка на „тѣснотата“ на връзката, ние ще разгледаме отначало единъ частенъ случай. Нѣка имаме само единъ чифтъ наблюдения:  $X_1$  и  $Y_1$ , и нека, при това, компонентата  $e_1$  липсва, така че  $X_1 = \xi_1$ ;  $Y_1 = \psi_1 + \epsilon_1$ . Очевидно е, че въ този случай „тѣснотата“ на връзката между  $X_1$  и  $Y_1$  може добре да се мѣри съ помощѣта на единъ отъ следнитѣ коефициенти:

$$\frac{\psi_1}{Y_1} = \frac{\psi_1}{\psi_1 + \epsilon_1} = \frac{Y_1 - \epsilon_1}{Y_1} = 1 - \frac{\epsilon_1}{Y_1}$$

Ако въ  $X_1$  се появи компонента  $e_1$ , така че  $X_1 = \xi_1 + e_1$ , „тѣснотата“ на връзката може задоволително да се мѣри, напримѣръ, чрезъ произведението:

$$\frac{\xi_1}{X_1} \cdot \frac{\psi_1}{Y_1} = \frac{\xi_1}{\xi_1 + e_1} \cdot \frac{\psi_1}{\psi_1 + \epsilon_1} = \left(1 - \frac{e_1}{X_1}\right) \left(1 - \frac{\epsilon_1}{Y_1}\right) [6]$$

Грѣшкитѣ  $e_1$  и  $\epsilon_1$  трѣбва да се взематъ само по абсолютната имъ голѣмина, т. е. винаги положителни, съ знакъ +. Максималното значение, което може тогава да приеме нашата „мѣрка“ [6] е +1, което се получава въ случай, когато грѣшкитѣ  $e_1$  и  $\epsilon_1$  сж равни на нула, т. е. липсватъ. Минималното значение на мѣрката [6] е нула и се постига само, когато компонентата  $\xi_1$  или  $\psi_1$  (или и

дветѣ едновременно) е равна на нула, т. е. когато, изобщо, нѣма връзка между  $X_1$  и  $Y_1$ .

Не може да се отрече, че при установяването на нашата мѣрка [6] ние сме допустнали известенъ произволъ, понеже сж възможни и други форми за нея. Но този произволъ не може да се избѣгне при установяването на каквато и да е мѣрка. Да си спомнимъ, напр., какъ сж били установени общо употребителнитѣ въ електротехниката единици мѣрки, като амперъ, волтъ, киловатъ, омъ и пр. Мѣрка [6] има, обаче, единъ другъ голѣмъ недостатъкъ: тя не може да се изчисли въз основа на изучаването на само единъ чифтъ наблюдения  $X_1$  и  $Y_1$ , ако предварително не сж ни известни компонентитѣ  $\xi_1$ ,  $\epsilon_1$ ,  $\psi_1$  и  $\epsilon_1$ . А въ грамадното болшинство отъ случаетѣ ние не ги знаемъ. Две уравнения ни даватъ възможностъ да опредѣлимъ четири неизвестни. Трѣбва, следователно, да се обърнемъ къмъ редове на свързани по между си наблюдения, т. е. пакъ къмъ системата [5]

$$\begin{array}{rcl} X_1 = \xi_1 + e_1 & & Y_1 = \psi_1 + \epsilon_1 \\ X_2 = \xi_2 + e_2 & & Y_2 = \psi_2 + \epsilon_2 \\ X_3 = \xi_3 + e_3 & \text{и} & Y_3 = \psi_3 + \epsilon_3 \\ \dots & & \dots \\ X_n = \xi_n + e_n & & Y_n = \psi_n + \epsilon_n \end{array}$$

За да има, изобщо, логиченъ смисълъ въпроса за „тѣснотата“ или интензивността на връзката между  $X$  и  $Y$  въ горнитѣ два реда, необходимо е да въведемъ още отъ сега нѣкои допълнителни допускания. Преди всичко, ние можемъ спокойно да установимъ постулата, че елементитѣ  $e$  и  $\epsilon$  сж напълно независими, както отъ  $\xi$  и  $\psi$ , така и единъ отъ другъ: нали предполагаме, че  $\xi$  и  $\psi$  обгръщатъ всичко онова, което е свързано по между си въ двата реда; „остатъцитѣ“  $e$  и  $\epsilon$  представяме като резултатъ на чисто „случайни“, странични въздействия. По-нататъкъ, очевидно, можемъ да предположимъ, че формулата и константиѣ на функцията  $\psi_i = f(\xi_i)$ , която свързва  $\psi_i$  съ  $\xi_i$ ,  $\psi_2$  съ  $\xi_2$ ,  $\psi_3$  съ  $\xi_3$  и т. н., оставатъ постоянни за цѣлата серия на нашитѣ наблюдения (инакъ задачата за намиране на формулата би станала неразрешима). А това означава, че за нашитѣ цели ние имаме право да боравимъ само съ *хомогенни редове*: всичкитѣ членове на реда трѣбва да се отнасятъ за една и сжща съвкупностъ и да сж еднородни по структурата си. Отъ чисто математическа гледна точка, това изискване е едно съществено ограничение на общовалидността на полученитѣ формули; обаче отъ логична гледна точка, отъ гледна точка на *каузалната* анализа, — която само ни интересува тукъ, това изискване не е никакво ограничение. Ако закона на зависимостѣта се мѣни още въ течение на нашитѣ серии отъ наблюдения, той изобщо не е законъ и не представлява въ това отношение познавателенъ интересъ.

Очевидно е, прочее, че поради липса на връзка между  $\xi_1$  и  $\epsilon_1$ , и между  $\psi_1$  и  $\epsilon_1$ , отдѣлното произведение  $\frac{\xi_1}{\xi_1 + e_1} \cdot \frac{\psi_1}{\psi_1 + \epsilon_1}$  не може