

„науката хореография“ биха се оказали подобни изследвания!

Сумирайки всичко казано до сега, ние можемъ, следователно, да твърдимъ, че гореизложеното изводъ за коефициента на корелацията, при всички негови безспорни педагогически достойнства, е способенъ да докара известни недоразумения\*). Въ частности, този изводъ не ни обрисува достатъчно ясно връзката, това взаимно отношение, което съществува между корелацията и каузалната зависимост. Между това, именно тази страна особено интересува икономиста-теоретикъ, който използва статистическия методъ за свои научни изследвания.

Съотношението между корелацията и причинната връзка е поставено въ центъра при третия подходъ къмъ извода на формулата за коефициента на корелацията; този подходъ представлява главния предмет на настоящата статия. Доколкото мога да съда, той е формулиранъ вече въ работата на Sewall Wright „Correlation and Causation“ („Journal of Agricultural Research“, 20: 557—585, 1921\*\*), обаче въ настоящата статия, както формулирътъ, така и извода имъ се съществено отличаватъ отъ тези на Райтъ.

Уговаряме съмъ отъ самото начало, че нашия изводъ нѣма да представлява отъ себе си пълно разкриване на всичко онова, което може да се извлѣче отъ изчислението на коефициента на корелацията: той дава последния само въ оназ свѣтлина, която може да е полезна и нуждна за учения теоретикъ при изучаването на причинните връзки, легнати въ основата на масовите икономически явления, т. е. за изследвача, поставилъ предъ себе си въ областта на икономиката чисто „номотетични“ (номографични) задачи (gl. цитир. статия на С. Конъ, стр. 382—383).

Ако ние изследваме причинната зависимост между две физически явления, напр. между въздушното налягане и температурата на кипене на нѣкакъвъ опредѣленъ разтворъ на солта, ние получаваме, като резултатъ на нашите эксперименти, два реда значения: редът  $X_1, X_2, X_3, X_4 \dots X_n$ , представляващъ измѣренията на манометъра или барометъра и редът  $Y_1, Y_2, Y_3, Y_4 \dots Y_n$ , съответните на първия редъ показания на терометъра. Благодарение на несъзвѣщенството на нашите измѣрителни уреди, а също така

и на намѣсата на външни, „случайни“ въздействия (напр., колебания въ концентрацията на разтвора, изпаряването на водата, разтварянето стенитъ на съда, нечистотите въ солта и т. н.), ние различаваме по два елементи въ всяко едно  $X$  и съответното  $Y$ : отъ една страна, такива, които наистина сѫ свързани помежду си съ една причинна връзка (ще ги означимъ  $\xi$  и  $\psi$ ), отъ друга страна такива, които сѫ резултатъ на въздействието на странични, „случайни“ причини, или, което е едно и също, на „грѣшките на наблюдението“ (ще ги означимъ съ e и  $\epsilon$ ). По тъкътъ начинъ, двата реда добиватъ следниятъ видъ: първия редъ:  $\xi_1 + \epsilon_1; \xi_2 + \epsilon_2; \xi_3 + \epsilon_3; \dots \xi_n + \epsilon_n$  [5] втория редъ:  $\psi_1 + \epsilon_1; \psi_2 + \epsilon_2; \psi_3 + \epsilon_3; \dots \psi_n + \epsilon_n$

Приемаме, че връзката между  $\xi$  и  $\psi$  е непрекъжната и, при това, по формата си, единъ пътъ за винаги установена. Затова, ние можемъ да я разглеждаме, отъ гледна точка на математичната анализа, като функционална зависимост и да я означимъ чрезъ обичайните символи, както следва:

$$\psi = f(\xi) \text{ или, обратно, } \xi = \varphi(\psi).$$

Единъ физикъ, имайки на разположение мощното оръжие на научната анализа—експеримента, може въ повечето случаи да постави опита си така, че действието на външните, „страничните“ причини — e и e да стане минимално и не само да не забулава връзката, съществуваща между  $\xi$  и  $\psi$ , но, изобщо, почти да не се отразява на тѣхната голѣмина. Ето въ това именно се заключава и смисъла на експериментирането! Затова, вниманието на физика се концентрира почти изключително върху намирането закона на зависимостта между  $\xi$  и  $\psi$ , т. е. върху опредѣление на формулата и на константите на функцията  $f(\xi)$ . Ако той, все пакъ, усти се изопачаващето влизане на „грѣшките“ e и  $\epsilon$ , той се освобождава, по възможност, отъ тѣхъ съ помощта на срѣдствата, които му дава за това теорията на грѣшките, представляваща единъ доста добре разработенъ отдѣлъ на учението за вѣроятностите.

Въ много по-лошо положение се намира, обаче, икономистът (както, впрочемъ и метеорологът, а отчасти и биологът) при своите каузални изследвания: отъ една страна, той нѣма възможност да експериментира, въ точно съмисъл на думата, и е принуденъ да взема своя обектъ на наблюдение такътъ, какъвто му се дава въ масовитъ явления на социалния животъ, почти безъ срѣдства да въздействува за намалението на размѣрите на „страничните“, изопачаващи влияния; отъ друга страна, тѣзи странични влияния сѫ често толкова силни, че въ отдалени случаи просто замъгливатъ връзката между  $\xi$  и  $\psi$ , обръщайки я въ пълната ѝ противоположностъ. Така, напр., високите родители раждатъ ту низки, ту високи деца; при бѣлската икономическа конюнктура единъ предприятия фалиратъ, а други благополучаватъ и т. н. Връзката между  $\xi$  и  $\psi$  получава видъ на една колеблива, прѣкъжната,

\* ) За тия недоразумения въ никакъвъ случай не е виновенъ самия Юль, който въ своята класическа книга „An Introduction to the Theory of Statistics“ (8<sup>o</sup> издание, London, 1927) поставя за прилагането на коеф. на корелацията всички необходими условия и се отнася къмъ него много предпазливо.

Обаче не всички четатъ тѣзи негови резерви.

\*\*) За жалостъ, работата на Райтъ е останала и до сега недостъпна за менъ и азъ на научихъ за нея само отъ статията на Ralph J. Watkins „The Use of Coefficients of Net Determination in Testing the Economic Validity of Correlation Results“ (Journal of the American Statistical Association“, June 1930, № 170, стр. 191—197). Изложението въ настоящата ми статия формули сѫ изведеното отъ менъ много по-рано отъ запознаването ми съ статията на Уаткинсъ.