

скалитъ III и IV. Положението на тази скала се определя отъ съотношението

$$\frac{CB}{CE} = -\frac{\mu^3}{\mu} = -\frac{\mu/2}{\mu} = -\frac{1}{2},$$

т. е. та е двойно по-близко до скала III, отколкото до скала IV. Мърката на скала V се намира отъ известната ни вече формула

$$\frac{1}{\mu^3} = \frac{1}{\mu^2} + \frac{1}{\mu} = \frac{1}{\mu/2} + \frac{1}{\mu} = \frac{3}{\mu},$$

а отъ тукъ $\mu^3 = \frac{\mu}{3}$. Тя е тройно по-малка

отъ мърките на скалитъ I, II и IV. Началната точка се определя по обикновения способъ съ числови примеръ. Нека $I = 4$, $b = 5$, $h = 3$. Съврзваме точка 4 на скала I съ точка 5 на скала II и забелязваме пресъщната точка на тази права съ скала III. Съврзваме така получената точка 20 съ точка 3 на скала IV и получаваме на скала V търсено то значение на обема $v = 60$. Както виждаме, точка 20 на скала III ни е послужила само за построяние на правата 20–3 и цифрената ѝ стойност за крайния резултат нъма значение. Затова ние нъмаме нужда отъ скалата на осъ III, която се явява като една преходна, помощна осъ; цифрените стойности на нейните точки могатъ и да не се знайтъ.

Следът всичко гореизложено ние можемъ вече да се върнемъ къмъ логограмата за гръшките при препрезентативната разработка и да проследимъ какъв е била построена тя:

Формулата за предъдълътъ на гръшката бъеше:

$$\delta = \pm \frac{3}{2} \sqrt{\frac{2 \frac{m}{n} \left(1 - \frac{m}{n}\right)}{n \cdot \frac{N-1}{N-n}} [3]}$$

Тя може да бъде представена като функция на независимите промѣнили n , $\frac{m}{n}$ и N , като пренебрѣгнемъ единицата въ израза $(N-1)$ въ знаменателя на подкорената величина, което е легитимно предъ видъ на това, че 1 е много малка величина въ сравнение съ N . Въ такъвъ случай ние можемъ да направимъ следните преобразувания:

$$\begin{aligned} \delta &= \pm \frac{3}{2} \sqrt{\frac{2 \frac{m}{n} \left(1 - \frac{m}{n}\right)}{\frac{N}{N-n}}} = \\ &= \pm \frac{3}{2} \sqrt{\frac{2 \frac{m}{n} \left(1 - \frac{m}{n}\right) (N-n)}{n \cdot N}} = \\ &= \pm \frac{3}{2} \sqrt{\frac{2 \frac{m}{n} \left(1 - \frac{m}{n}\right) \left(1 - \frac{n}{N}\right)}{n}}. \end{aligned}$$

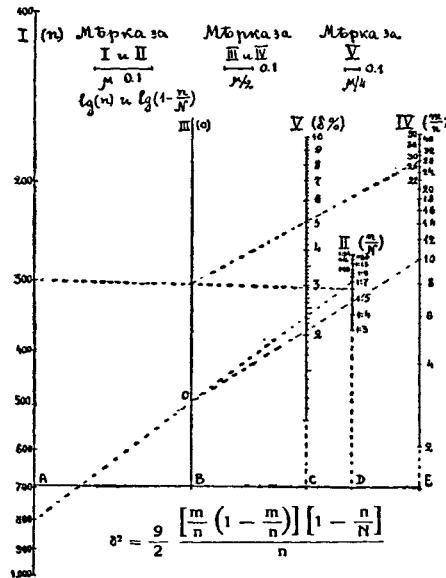
а следъ повдигане въ квадратъ

$$\delta^2 = \frac{9}{2} \frac{\left[\frac{m}{n} \left(1 - \frac{m}{n}\right)\right] \left[1 - \frac{n}{N}\right]}{n}$$

или

$$\frac{2}{9} \delta^2 = \frac{\left[\frac{m}{n} \left(1 - \frac{m}{n}\right)\right] \left[1 - \frac{n}{N}\right]}{n}$$

Фиг. 8



Пристигваме сега къмъ построяване на логограмата, първо за израза $\frac{1 - \frac{n}{N}}{n}$. Насяме за това (гл. фиг. 8) съ една и съща мърка μ върху дъвъ паралелни и намиращи се на произволно разстояние AD оси логаритмични скали за значенията n и $\left(1 - \frac{n}{N}\right)$, които отговарятъ на показаниетъ въ таблицата

ключъ значения на n и $\frac{n}{N}$. Понеже въпроса е за намиране на частно, скалитъ на оситъ I и II иматъ противоположно направление. Левата скала е избрана за значенията на n , а дясната за $\left(1 - \frac{n}{N}\right)$ (но точките на тази последна скала съ означени направо съ съответните значения на $\frac{n}{N}$). Понеже мърките за скалитъ I и II съ избрани еднакви, резултатната осъ III ще лежи точно по средата между тяхъ. Тя има посока на числителя, т. е. на дясната осъ за $\left(1 - \frac{n}{N}\right)$. Скала III би тръбвало да има мърка $\mu^3 = \frac{\mu}{3}$ (сравни съ примера на