

претеглените средна аритметична и стандартно отклонение ( $\bar{x}_{(f)}$  и  $\sigma_{x(f)}$ ) зависят от стойностите на  $x_i$  и  $v_{x_i}$ . Други претегленият и непретегленият коефициент на вариация ( $V_x$  и  $V_{x(f)}$ ), зависят не от  $x_i$ , а от  $v_{x_i}$ , и за да приемат различни стойности, трябва не стойностите на  $x_i$ , а тези на  $v_{x_i}$  да са различни. Видяхме обаче, че моментните коефициенти на асиметрия и ексцес приемат еднакви стойности за съвкупностите  $S_A$ ,  $S_B$ ,  $S_C$  и  $S_D$ , за които не е трудно да се установи, че и стойностите на  $x_i$ , и тези на  $v_{x_i}$  се различават.

$$M_{x(f)3} = \frac{\sum_{i=1}^k \Delta_i^3 f_i}{\left( \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^k \Delta_i^2 f_i}{\sum_{i=1}^k f_i}} \right)^3} = \frac{\sum_{i=1}^k \Delta_i^3 v_{f_i}}{\left( \sqrt{\sum_{i=1}^k \Delta_i^2 v_{f_i}} \right)^3}$$

Величините  $\Delta_i$  представляват редица от  $k$  на брой числа. За тях винаги съществува единствена редица също от  $k$  на брой числа, имащи вида

$$M_{x(f)3} = \frac{\sum_{i=1}^k \Delta_i^3 v_{f_i}}{\left( \sqrt{\sum_{i=1}^k \Delta_i^2 v_{f_i}} \right)^3} = \frac{\sum_{i=1}^k v_{\Delta_i}^3 v_{f_i}}{\left( \sqrt{\sum_{i=1}^k v_{\Delta_i}^2 v_{f_i}} \right)^3}$$

За да си обясним защо въпреки това тези характеристики приемат еднакви стойности, отново трябва да ги разгледаме в светлината на разширеното понятие „структура”, но от малко по-различен ъгъл.

Знаем, че двата измерителя са изградени на основата на централните моменти на  $x_i$ . В същото време ако означим отклоненията на  $x_i$  от тяхната претеглена средна с  $\Delta_i = x_i - \bar{x}_{(f)}$ , тези централни моменти се явяват начални моменти за  $\Delta_i$ . Т.е. моментните коефициенти могат да се представят като:

$$\text{и } M_{x(f)4} = \frac{\sum_{i=1}^k \Delta_i^4 f_i}{\left( \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^k \Delta_i^2 f_i}{\sum_{i=1}^k f_i}} \right)^4} = \frac{\sum_{i=1}^k \Delta_i^4 v_{f_i}}{\left( \sqrt{\sum_{i=1}^k \Delta_i^2 v_{f_i}} \right)^4}.$$

$v_{\Delta_i} = \frac{\Delta_i}{\sum_{i=1}^k |\Delta_i|}$ , която приехме да наречем „структурата“ на първата. Следователно:

$$\text{и } M_{x(f)4} = \frac{\sum_{i=1}^k \Delta_i^4 v_{f_i}}{\left( \sqrt{\sum_{i=1}^k \Delta_i^2 v_{f_i}} \right)^4} = \frac{\sum_{i=1}^k v_{\Delta_i}^4 v_{f_i}}{\left( \sqrt{\sum_{i=1}^k v_{\Delta_i}^2 v_{f_i}} \right)^4}.$$