



За целта е нужно числителят и знаменателят на лявата страна на първия

израз да се умножат по $\frac{1}{\left(\sum_{i=1}^k x_i\right)^3}$, на втория - по $\frac{1}{\left(\sum_{i=1}^k x_i\right)^4}$.

Като се има предвид, че параметърът $\sum_{i=1}^k v_{x_i} v_{f_i} = \frac{\sum_{i=1}^k v_{x_i} v_{f_i}}{\sum_{i=1}^k v_{f_i}}$ е

средната аритметична на величините v_{x_i} , претеглени с теглата v_{f_i} , става ясно, че десните страни на двете равенства са същите моментни коефициенти на асиметрия и ексцес, но не на x_i , а на v_{x_i} . Това пък показва, че двата коефициента не само че не зависят от стойностите на f_i , но не зависят и от тези на x_i . По-късно ще се убедим в това.

По подобен начин може да се представи и претегленият коефициент на вариация, който също е *нормиран* показател:

$$V_{x(f)} = \frac{\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^k \left(v_{x_i} - \frac{\sum_{i=1}^k v_{x_i} v_{f_i}}{\sum_{i=1}^k v_{f_i}} \right)^2 v_{f_i}}{\sum_{i=1}^k v_{f_i}}}}{\sum_{i=1}^k v_{x_i} v_{f_i}}$$

По същия начин могат да се представят и други *нормирани* статистически измерители, например известният

коэффициент на линейна корелация на Пирсън - Браве:

$$r_{fm} = \frac{\sum_{i=1}^k (f_i - \bar{f})(m_i - \bar{m})}{\sqrt{\sum_{i=1}^k (f_i - \bar{f})^2 \sum_{i=1}^k (m_i - \bar{m})^2}} = \frac{\sum_{i=1}^k \left(v_{f_i} - \frac{1}{k} \right) \left(v_{m_i} - \frac{1}{k} \right)}{\sqrt{\sum_{i=1}^k \left(v_{f_i} - \frac{1}{k} \right)^2 \sum_{i=1}^k \left(v_{m_i} - \frac{1}{k} \right)^2}}$$

където f_i и m_i са абсолютните стойности на признаците на единиците от

разпределенията, между които измерваме зависимостта, f и m са техните