

чени в модела. Посочените вероятности, заедно с разпределенията на активните по пол и възраст в началото и края на всеки период, образуват структурен (матричен) модел. За всеки пол се съставя отделен модел. Според вида на наличната информация в статията са представени три структурни модела.

С първия от тях се съставят прогнози на активните по пол и петгодишни възрастови групи ( $x, x+5$ ) чрез прогнозираните коефициенти за икономическа активност  $a_{x,x+5}$ , и прогнозираното трудоспособно население  $\sigma S_{x,x+5}$ , посочени в статията.

Аналитично за всяка възраст,  $aS_{x,x+5} = a_{x,x+5} * \sigma S_{x,x+5}$ , а с матричен запис  $M_a S_o = S_a$ , където  $M_a$  е матрица с коефициентите,  $a_{x,x+5}$ ;  $S_o$  - векторът за разпределението на трудоспособното население по възраст;  $S_a$  - векторът за разпределението на активните на същите възрасти.

Въпреки своята елементарност този модел е необходим за приблизителни и ориентировъчни оценки на активните, които са много полезни за прогнозите със следващите модели.

С втория структурен модел се отчитат промените на активните поради смърт, миграции и насрещни преминавания на неактивни в активни и на активни в неактивни.

Най-краткият запис на модела е:

$$M'_a . S_{ao} = S_{al},$$

където:

$M'_a$  е матрица на прехода с вероятности за интензивностите на промените в броя на активните по възраст и причини за всеки петгодишен период. Тя е означена със знака прим (), за да се отличава от матрицата на прехода  $M''_a$  в следващия модел.

$S_{ao}$  - вектор за разпределение на активните по петгодишни възрастови групи ( $x, x+5$ ) в началото на петгодишния период. Първата възрастова група в това разпределение е  $\sigma S_{10-15}$  - общото население на възраст 10 - 15 г., която след петгодишния период се разпада на две групи: активни  $aS_{15-20}$  и неактивни  $nS_{15-20}$ .

$S_{al}$  - вектор за разпределение на активните по петгодишни възрастови групи ( $x + 5, x + 10$ ) в края на петгодишния период. Първата възрастова група на активните в това разпределение е  $aS_{15-20} = \sigma S_{15-20} * a_{15-20}$ , както се вземат от първия структурен модел.

Петгодишните периоди при матричните модели имат голямо предимство, защото активните на всяка петгодишна възраст  $\sigma S_{x,x+5}$  в началото на петгодишния период преминават в следващата по-висока петгодишна възраст  $aS_{x+5,x+10}$  в края на периода, където  $x = 15, 20, \dots, 65$  години. Промяната или