

време стохастичният процес, моделиращ броя на населението. Условието на живот отразяват исторически, културни, религиозни, философски, политически, социално-икономически, психологически и други фактори, които са в причинно-следствена връзка с реализацията на процесите на раждаемостта и смъртността. Поради това двумерното вероятностно разпределение на двумерната случайна величина $(\xi_j; \lambda_j)$ зависи от параметъра за календарно време t . Следователно случайната среда е променяща се (нехомогенна) във времето. Развитието на случайната среда във времето $\{(\xi_j; \lambda_j)(t)\}_{t \in R}$ представя случаен процес, който има две маргинални демографски компоненти (които също са случайни процеси) - раждаемостта и смъртността.

Чрез методиката за построяване на таблиците за смъртност се правят статистически оценки на вероятностите за умирање $q(t; a)$ на жените, които в момента са на възраст a (Chiang, 1978). Табличните вероятности за умирање от таблиците за смъртност са освободени от влиянието на възрастовата структура на населението. Те са условни вероятности за умирање на жените преди следващата точна възраст a при условие, че са доживели до предходната точна възраст $a-1$:

$$q(t; a) = \Pr\{\lambda_t < a | \lambda_t \geq a-1\} = \frac{\Pr\{\{\lambda_t < a\} \cap \{\lambda_t \geq a-1\}\}}{\Pr\{\{\lambda_t \geq a-1\}\}} = \frac{\Pr\{a-1 \leq \lambda_t < a\}}{\Pr\{\lambda_t \geq a-1\}},$$

тъй като условната вероятност е равна на вероятността на сечението върху вероятността на условието. Събитията $\{a-1 \leq \lambda_t < a\}$ образуват пълна група от събития, т.е. при различните стойности на параметъра за възраст a те са несъвместими (непресичащи се), $\{a-1 \leq \lambda_t < a\} \cap \{b-1 \leq \lambda_t < b\} = \emptyset$ при $a \neq b$ и освен това взети заедно те изчерпват всички възможности, т.е. тяхното обединение $\bigcup_{a=1}^{\omega} \{a-1 \leq \lambda_t < a\}$ покрива цялото пространство от елементарни събития (достоверното събитие).

$$\text{Следователно } 1 = \Pr\left(\bigcup_{a=1}^{\omega} \{a-1 \leq \lambda_t < a\}\right) = \Pr\left(\sum_{a=1}^{\omega} \{a-1 \leq \lambda_t < a\}\right) = \sum_{a=1}^{\omega} \Pr\{a-1 \leq \lambda_t < a\} = \sum_{a=1}^{\omega} \Pr\{\lambda_t \geq a-1\} \Pr\{\lambda_t < a | \lambda_t \geq a-1\},$$

където първото равенство се обосновава със свойството нормираност на вероятностната мярка Pr , второто равенство е резултат от възприетата символика за обединение на непресичащи се множества (в случая несъвместими събития), третото равенство се обосновава със свойството крайна адитивност на вероятностната мярка Pr , а последното равенство е резултат от тъждествено преобразуване на определението на понятието "условна вероятност".