

Доходността на продавача на опцията "продава" е:

$$R^{os}(i, j) = \sum_{k=1}^M F_k e^{-r_k(t_k - t_0)} + 1_{\{PUT\}} 1_{\{j > T\}} (P_{UAS} - P_S) e^{-r_T(T - t_0)}. \quad (9)$$

По-нататък разглеждаме оценяването на опция "купува". При кредитно събитие купувачът на опцията "купува" няма да се възползва от правото си да купи основния инструмент.

$$R^{ob}(i, j) = - \sum_{k=1}^{\min(i-1, j-1)} F_k e^{-r_k(t_k - t_0)} + 1_{\{CALL\}} 1_{\{\min(i, j) > T\}} (P_{UAS} - P_S) e^{-r_T(T - t_0)}. \quad (10)$$

Тук $CALL$ е събитието на купуване на основния актив от купувача на опцията.

Доходността на продавача на опцията е съответно:

$$R^{os}(i, j) = \sum_{k=1}^{\min(i-1, j-1)} F_k e^{-r_k(t_k - t_0)} + 1_{\{CALL\}} 1_{\{\min(i, j) > T\}} (P_S - P_{UAS}) e^{-r_T(T - t_0)}. \quad (11)$$

В случая, когато кредитното събитие не прекратява плащанията от страна на купувача на кредитната опция "купува", за доходността на купувача на опцията имаме:

$$R^{ob}(i, j) = - \sum_{k=1}^M F_k e^{-r_k(t_k - t_0)} + 1_{\{CALL\}} 1_{\{j > T\}} (P_{UAS} - P_S) e^{-r_T(T - t_0)}. \quad (12)$$

Доходността на продавача на опцията е:

$$R^{os}(i, j) = \sum_{k=1}^M F_k e^{-r_k(t_k - t_0)} + 1_{\{CALL\}} 1_{\{j > T\}} (P_S - P_{UAS}) e^{-r_T(T - t_0)}. \quad (13)$$

ФОРМУЛИ НА ИТО В основата на третия етап на използваната процедура стои лемата на Ито и многомерната формула на Ито. Тук накратко формулираме двете твърдения, които по-подробно се разглеждат в (13).

Нека $X(t)$ е процес на Ито, зададен с $dX(t) = u dt + v dB(t)$. Тук $u(t)$ и $v(t)$ са диференцируеми функции, а $B(t)$ е Брауново движение. Нека $g(t, x) \in C^2([0, \infty) \times R)$ (т. е. g е два пъти непрекъснато диференцируема в $[0, \infty) \times R$). Тогава $Y(t) = g(t, X(t))$ е отново процес на Ито и

$$dY(t) = \frac{\partial g}{\partial t}(t, X(t))dt + \frac{\partial g}{\partial x}(t, X(t))dX(t) + \frac{1}{2} \frac{\partial^2 g}{\partial x^2}(t, X(t))(dX(t))^2, \quad (14)$$

където $(dX(t))^2 = (dX(t))(dX(t))$ се изчислява съгласно правилата $dt dt = dt dB(t) = dB(t)dt = 0$, $dB(t)dB(t) = dt$. Това твърдение е известно като