

Тук  $r$  е средногодишният темп на нарастване на броя на ражданията.

За  $r$  имаме

$$r = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{B(t + \Delta t) - B(t)}{B(t)} = \frac{dB(t)}{B(t) dt} = \frac{dLn[B(t)]}{dt}, \quad (2)$$

откъдето:

$$\int_0^t r(t) dt = Ln\left(\frac{B(t)}{B(0)}\right) \Rightarrow B(t) = B(0) \cdot e^{\int_0^t r(t) dt}. \quad (3)$$

При равномерно изменение  $r = const$  имаме:

$$\int_0^t r(t) dt = r \cdot t. \quad (4)$$

Следователно

$$B(t) = B(0) \cdot e^{rt}. \quad (5)$$

При зададени постоянни повъзрастови вероятности за умирање ще се получат следните разпределения по възраст:

Таблица 1

РАЗПРЕДЕЛЕНИЕ ПО ВЪЗРАСТ  
ПРИ ТЕОРЕТИЧНО СТАБИЛНО НАСЕЛЕНИЕ

Година	0	1	2	3
Възраст 0 г.	$1000 \cdot p_0$	$1000 \cdot e^r \cdot p_0$	$1000 \cdot e^{2r} \cdot p_0$	$1000 \cdot e^{3r} \cdot p_0$
Възраст 1 г.	-	$1000 \cdot e^r \cdot p_0 \cdot p_1$	$1000 \cdot e^{2r} \cdot p_0 \cdot p_1$	$1000 \cdot e^{3r} \cdot p_0 \cdot p_1$
Възраст 2 г.	-	-	$1000 \cdot e^{2r} \cdot p_0 \cdot p_1 \cdot p_2$	$1000 \cdot e^{3r} \cdot p_0 \cdot p_1 \cdot p_2$

Числото 1000 е броят на родените в началната година 0 и служи за мащаб на разпределението, а  $p_0, p_1, p_2$  са вероятностите за преживяване на съответните периоди и не се изменят в течение на календарното време, но могат да се изменят по възраст. Вижда се, че разпределението на стабилното население по възраст в година 1 е пропорционално на разпределението в година 0 и за всяка следваща година е пропорционално на това в предходната с множител  $e^r$ .