

Членът, който се пренебрегва тук, е $d_{ii} = \frac{1}{4} \left(\sum_{j=1, j \neq i}^n a_{ij} \right)^2 + \sum_{k=1, k \neq i}^n \frac{a_{ik} a_{ki}}{4}$.

След преобразуването му получаваме:

$$d_{ii} = \frac{1}{4} \left(\sum_{k=1}^n a_{ik} a_{ki} - (1 - \varepsilon_i)^2 + \varepsilon_i^2 \right) = \frac{1}{4} (a_{ii}^{(2)} - 1 - \varepsilon_i^2 + 2\varepsilon_i + \varepsilon_i^2) = \frac{1}{4} (a_{ii}^{(2)} - (1 - 2\varepsilon_i)).$$

Тук $a_{ii}^{(2)}$ е елементът, който стои в ред i и стълб i на матрицата A^2 . Виждаме, че ако вероятността за преход от състояние i в състояние i за период, два пъти по-голям от основния, при марковския модел е по-голяма от вероятността за същия преход в нашия модел, то $d_{ii} > 0$ и $d_{ii} \leq 0$ в противния случай. А $d_{ii} > 0$, съответно $d_{ii} \leq 0$, означава, че $c_{ii} > a_{ii}$, съответно $c_{ii} \leq a_{ii}$, т. е. вероятността за оставане в същия кредитен рейтинг, изчислена по строгия марковски модел, е по-голяма или съответно по-малка или равна на вероятността за преход, изчислена по приближения марковски модел.

За недиагоналните елементи на матрицата C ($i \neq j$) имаме:

$$c_{ij} = \sum_{k=1}^n b_{ik} b_{kj} = b_{ii} b_{ik} + b_{ij} b_{jj} + \sum_{k=1, k \neq i, j}^n b_{ik} b_{kj} = \left(a_{ii} + \frac{1}{2} \sum_{k=1, k \neq i}^n a_{ik} \right) \frac{a_{ij}}{2} + \left(a_{jj} + \frac{1}{2} \sum_{k=1, k \neq j}^n a_{jk} \right) \frac{a_{ij}}{2} + \frac{1}{4} \sum_{k=1, k \neq i, j}^n a_{ik} a_{kj}.$$

Отново понеже a_{ij} са малки числа за $i \neq j$, последното събираемо в горното равенство може да се пренебрегне. Получаваме:

$$c_{ij} = \frac{a_{ij}}{2} \left(1 - \varepsilon_i + \frac{1}{2} \varepsilon_i + 1 - \varepsilon_j + \frac{1}{2} \varepsilon_j \right) = a_{ij} - \frac{1}{4} a_{ij} (\varepsilon_i + \varepsilon_j).$$

Съображения, аналогични на горните (a_{ij} са малки за $i \neq j$), ни позволяват да пренебрегнем умалителя в последното равенство и да получим $c_{ij} \approx a_{ij}$.

Членът, който се пренебрегва в този случай, е:

$$d_{ij} = \frac{1}{4} \sum_{k=1, k \neq i, j}^n a_{ik} a_{kj} - \frac{1}{4} a_{ij} (\varepsilon_i + \varepsilon_j).$$

Като опростим този израз, получаваме:

$$d_{ij} = \frac{1}{4} \left(\sum_{k=1, k \neq i, j}^n a_{ik} a_{kj} - a_{ij} \sum_{k=1, k \neq i}^n a_{ik} - a_{ij} \sum_{k=1, k \neq j}^n a_{jk} \right) = \frac{1}{4} \left(\sum_{k=1, k \neq i, j}^n a_{ik} a_{kj} - a_{ij} \varepsilon_i - a_{ij} \varepsilon_j \right);$$