

Виждаме, че резултатитъ отъ тритъ формули сж много близки. Това показва, че около 86% отъ колебанията на индекса могат да бждатъ обяснени съ колебанията на количеството пари, циркулирало въ страната презъ предидущитъ три месеца. Едно заключение не безъ интересъ за економиста.

Отъ формула [48] имаме:

$$r_{0123} = +0.8624 = \sqrt{0.3740 + 0.2550 + 0.1148}$$

Тукъ 0.3740 измърва цълото влияние върху голъмината на индекса, указано отъ колебанията на количеството пари, циркулирало презъ предшествующъ [(i-1)-ия] месецъ. Числото 0.2550 отразява влиянието на втория предшествующъ [(i-2)-ия] месецъ. Най-сетне, числото 0.1148—се отнася за влиянието на третия предшествующъ [(i-3)-ия] месецъ. И така, най-голъмо влияние има първиятъ, а най-малко третиятъ предшествующъ месецъ (около три пжти по-малко отъ първия).

Може да се предполага, че влиянието на паричното обръщение презъ по-далечнитъ месеци е още по-слабо.

Приложение

Известно е (ср. Tschuprow, Grundbegriffe, стр. 52, и Darbois, Statistique mathématique, стр. 198—199), че априорното корелационно отношение се дава отъ следната формула:

$$\eta_{y/x}^2 = \frac{1}{\mu_{o/2}} \sum p_{i/o} [m_{o/i}^{(i)} - m_{o/l}]^2 = 1 - \frac{1}{\mu_{o/2}} \sum p_{i/o} \mu_{i/2}^{(i)}$$

Тукъ:

$\mu_{o/2} = E(Y - EY)^2$; $p_{i/o}$ е въроятността, че промѣнливата X ще приеме значение X_i ; $m_{o/i}^{(i)} = \sum_j p_{o/j}^{(i)} Y_j$, където $p_{o/j}^{(i)}$ означава условната математическа въроятност, че промѣнливата Y ще приеме значение Y_j при условие, че промѣнливата X е приела значението X_i ;

$$m_{o/l} = EY; \mu_{i/2}^{(i)} = \sum_j p_{o/j}^{(i)} [Y_j - m_{o/i}^{(i)}]^2.$$

Да внесемъ сега една малка промѣна въ условията на събирането: да предположимъ, че $p_{o/j}^{(i)}$ означава условната въроятност, че промѣнливата Y ще приеме значение Y_j при условие, че не X е възприело значение X_i , а ξ е приело значение ξ_i ; подобно, $p_{i/o}$ ще означава въроятността, че ξ е приело значение ξ_i .

Нека означимъ полученото при тѣзи условия ново отношение — мърка чрезъ

$$\eta_{y/\xi}$$

Ако въ формулата за $\mu_{i/2}^{(i)}$ замѣстимъ Y_j съ $f(\xi_i) + \epsilon_j$ и забележимъ, че

$$m_{o/i}^{(i)} = \sum_j p_{o/j}^{(i)} [f(\xi_i) + \epsilon_j] = f(\xi_i) \sum_j p_{o/j}^{(i)} + \sum_j p_{o/j}^{(i)} \epsilon_j = f(\xi_i) + \sum_j p_{o/j}^{(i)} \epsilon_j,$$

получаваме

$$\mu_{i/2}^{(i)} = \sum_j p_{o/j}^{(i)} [\epsilon_j - \sum_j p_{o/j}^{(i)} \epsilon_j]^2.$$

Ако редътъ на компонентитъ ϵ е хомогененъ и стохастически независимъ отъ ξ , имаме

$$\mu_{i/2}^{(i)} = \mu(\epsilon)_2 = \sigma_{\epsilon}^2 \text{ за всѣко } i, \text{ и, следователно,}$$

$$\sum_j p_{i/o} \mu_{i/2}^{(i)} = \mu(\epsilon)_2 \sum_j p_{i/o} = \mu(\epsilon)_2 = \sigma_{\epsilon}^2.$$

По такъвъ начинъ, окончателно се получава:

$$\eta_{y/\xi}^2 = 1 - \frac{\sigma_{\epsilon}^2}{\sigma_y^2} = q_2^2$$

Съ помощта на аналогични разсждения намираме:

$$\eta_{x/\psi}^2 = 1 - \frac{\sigma_{\epsilon}^2}{\sigma_x^2} = q_1^2; \quad H = \eta_{x/\psi} \cdot \eta_{y/\xi}$$

Ако въ реда X липсва компонентата „ ϵ “, така че $X_i = \xi_i$, очевидно е, че $q_1 = 1$ и, следователно, $H = q_2 = \eta_{y/x}$, т. е. H е точно равно на априорното корелационно отношение на Карлъ Пирсонъ.

Подобно, ако липсва компонентата ϵ , имаме $H = q_1 = \eta_{x/y}$.

Величинитъ q_1 и q_2 сж априорни. Като тѣхни емпирични приближени значения сме принудени да вземаме сжщитъ $\eta_{x/y}$ и $\eta_{y/x}$ (ср. Чупровъ, стр. 69 и Darbois, стр. 214), които се разглеждатъ като емпирични приближения на отношенията $\eta_{x/y}$ и $\eta_{y/x}$, и които, споредъ възприетото отъ английскитъ статистици означения, се изразяватъ съ следнитъ формули:

$$[\eta_{x/y}]^2 = \frac{\sum \{n_y (\bar{x} - \bar{x}_y)^2\}}{N \sigma_x^2}; \quad [\eta_{y/x}]^2 = \frac{\sum \{n_x (\bar{y} - \bar{y}_x)^2\}}{N \sigma_y^2}$$

(Ср. W. Palin Elderton, Frequency Curves and Correlation, 2^d edition London 1927, стр. 195). Тукъ n_y е броя на случаитъ въ реда „y“ на корелационната таблица; \bar{x} е аритметичната срѣдна на всичкитъ x; \bar{x}_y е аритметичната срѣдна на всичкитъ x, намиращи се въ реда „y“, N е общия брой на случаитъ; σ_x^2 е стандартното отклонение на реда x; за $\eta_{y/x}$ имаме аналогични обозначения.

Работата е тамъ, че ние сме принудени да разглеждаме величинитъ X_i и Y_i като емпирични приближения на ξ_i и ψ_i . Когато $E\epsilon = 0$ и $E\epsilon = 0$, това не предизвиква особени съмнения. Ала, все пакъ, ние съ това внасяме една систематична грѣшка.

Необходимо е да се подчертае още, че съ величинитъ $\eta_{x/y}$ и $\eta_{y/x}$ трѣбва да се манипулира съ най-голъма предпазливостъ, поради широкитъ граници на тѣхнитъ грѣшки (гл. Чупровъ, Grundbegriffe, стр. 102). Освенъ това, емпиричното корелационно отношение има още едно неприятно качество: а именно, ако броя на взаимно свързанитъ чифтове X_i и Y_i е равенъ на броя на различнитъ значения, които приема въ границитъ на нашитъ наблюдения величината X, така