



Същите нетни относителни ефекти могат да се пресметнат и чрез индексния анализ от данните на примера в

$$\text{табл. 3} - I_0 = \frac{112}{96} = 1.1667, \text{ откъдето}$$

$$\Delta I_0 = 0.1667.$$

Двета факторни индекса:

$$I_{\bar{P}} = \frac{7.000}{5.333} = 1.3125,$$

откъдето:

$$\Delta I_{\bar{P}} = 0.3125 \text{ и } I_Q = \frac{16}{18} = 0.8889,$$

откъдето $\Delta I_Q = -0.1111$. Индексното равенство $I_0 = I_{\bar{P}} I_Q$ е изпълнено, защото $1.3125 \times 0.8889 = 1.1667$. Еднозначно решение обаче не се получава, защото $\Delta I_{P(\bar{P})} = \Delta I_{\bar{P}} \neq \Delta I_{P(\bar{P})} = 0.2778$. Причината е, че $\Delta I_{\bar{P}} = 0.3125$ включва и несъществуващ съвместен ефект (фиг. 2а). За да се превърне във верния ефект $\Delta I'_{P(\bar{P})} = \Delta I_{P(\bar{P})} = 0.2778$, относителният прираст $\Delta I_{\bar{P}}$ трябва да се редуцира (намали) с индекса за другия фактор I_Q . Или $\Delta I'_{P(\bar{P})} = \Delta I_{\bar{P}} I_Q$ (Христов, 2006, 2008). С числата от примера

$$\Delta I'_{P(\bar{P})} = 0.3125 \cdot 0.8889 = 0.2778. \text{ Другият относителен ефект:}$$

$$\Delta I_{P(Q)} = \Delta I_Q = -0.1111$$

е верен, защото е равен на относителния ефект (намаление на продукцията) от адитивния анализ $\Delta I_P = -0.1111$.

С двета нетни ефекти еднозначното решение от индексния анализ е:

$$\begin{aligned} \Delta I'_{P(\bar{P})} + \Delta I_{P(Q)} &= \\ &= 0.2778 + (-0.1111) = 0.1667. \end{aligned}$$

Неговата интерпретация е следната: $\Delta I'_{P(\bar{P})}$ е нетният относителен прираст на продукцията с 27.78% само от увеличението на средната цена с 31.25% на по-малкото количество на стоката Q_1 от отчетната година, а $\Delta I_{P(Q)}$ е нетното относително намаление на продукцията с 11.11% само от намалението на натуралното количество на стоката също с 11.11% при по-ниската средна цена \bar{P}_0 от базисната година (фиг. 2а). Вторият вариант на задачата с:

$$I_{\bar{P}} \prec \frac{1}{I_Q} \text{ и } I_0 \prec 1$$

се решава аналогично на изложения вече вариант и читателят може да се упражни със съответен пример.

Последният разглеждан случай е за еднородната продукция с $I_{\bar{P}} \prec 1$ и $I_Q \succ 1$. Той се среща също в два варианта.

Ако $\frac{1}{I_{\bar{P}}} \prec I_Q, I_0 \succ 1$, а ако $\frac{1}{I_{\bar{P}}} \succ I_Q, I_0 \prec 1$.

С адитивния факторен анализ е решен примерът за втория вариант с $I_0 \prec 1$, поради което той ще бъде решен и с индексен анализ. Данните за него са