



След използване на първите последователни разлики се получава редът:

$$\Delta y_t = y_t - y_{t-1} = g_t + \varepsilon_t,$$

който е стационарен.

Следователно за неговата дисперсия може да се използва приложената вече формула:

$$\sigma_{\Delta y}^2 = \frac{\sigma_\varepsilon^2}{1 - \sum_{j=1}^p \phi_j^* \rho_j^*},$$

където:

ϕ_j^* са авторегресионните коефициенти на модела за първите разлики;

ρ_j^* - автокорелационните коефициенти на първите разлики.

Случайната дисперсия в този случай се представя като:

$$\sigma_\varepsilon^2 = \sigma_{\Delta y}^2 \left[1 - \sum_{j=1}^p \phi_j^* \rho_j^* \right].$$

Систематичната дисперсия на началния (нестационарен) ред може да се получи като разлика на общата и случайната дисперсия:

$$\sigma_g^2 = \sigma_y^2 - \sigma_\varepsilon^2 = \sigma_y^2 - \sigma_{\Delta y}^2 \left[1 - \sum_{j=1}^p \phi_j^* \rho_j^* \right].$$

Оттук коефициентът на автодетер-

минация се извежда като:

$$\begin{aligned} AUD &= \frac{\sigma_g^2}{\sigma_y^2} = \frac{\sigma_y^2 - \sigma_{\Delta y}^2 \left[1 - \sum_{j=1}^p \phi_j^* \rho_j^* \right]}{\sigma_y^2} = \\ &= 1 - \frac{\sigma_{\Delta y}^2}{\sigma_y^2} \left[1 - \sum_{j=1}^p \phi_j^* \rho_j^* \right], \end{aligned}$$

или, при използване само на автокорелационните коефициенти:

$$AUD = 1 - \frac{\sigma_{\Delta y}^2}{\sigma_y^2} \left[1 - R_d' \cdot RR_d^{-1} \cdot R_d \right],$$

където:

R_d и RR_d са дефинираните матрици на автокорелационните коефициенти, с тази разлика, че са изчислени на основата на първите разлики, а не на нестационарния ред.

Получената формула е валидна не само за редове, които са интегрирани от първи порядък, а и за такива, които са интегрирани от по-висок порядък. Ако редът се трансформира в стационарен с помощта на k -тите последователни разлики, то коефициентът на автодетерминация се изчислява:

$$AUD = 1 - \frac{\sigma_{\Delta y, k}^2}{\sigma_y^2} \left[1 - R_{d, k}' \cdot RR_{d, k}^{-1} \cdot R_{d, k} \right],$$

като навсякъде вместо първите се използват k -тите разлики.