

Съгласно уравнението на Лотка:

$$1 = \int_0^t e^{-jx} p(x)m(x)dx, \quad (7)$$

$$t \geq 50,$$

където $p(x)$ и $m(x)$ са положителни, монотонно намаляващи функции на j . Така при всякакви значения на параметъра j дясната страна на уравнението ще се изменя от 0 до $+\infty$, и ако предположим че $p(x)$ и $m(x)$ са непрекъснати функции, ще има точно едно значение на x , което да удовлетворява това уравнение. Това значение на параметъра, което се обозначава с r , е темпът на растеж на годишния брой раждания, нужен за конструиране на стабилно население. Тъй като репродуктивната възраст е между 15 и 49 години, това може да се запише по-конкретно като

$$1 = \int_{15}^{49} e^{-rx} p(x)m(x), \quad (8)$$

$m(x)$ - функция, чиито значения се изразяват с повъзрастовите коефициенти за женска плодовитост (раждания на деца от женски пол, разделени на броя на жените в съответната възраст); $p(x)$ - вероятност за доживяване възраст x .

Променливата r освен темп на растеж на броя раждания съгласно условията на стабилното население се превръща и в темп на растеж на цялото население.

Така броят на населението в даден момент t се изразява с уравнението:

$$N(x, t) = B.e^{r(t-x)} p(x) = B.e^{rt}.e^{-rx} p(x) = B(t).e^{-rx} p(x), \quad (9)$$

където с алгебрични преобразувания се стига до следния извод:

Броят на населението при отсъствие на емиграция и постоянен темп на изменение на броя на ражданията зависи само от вероятностите за доживяване и един вътрешно присъщ на това стабилно население естествен прираст (по този въпрос вж. и Сугарев, 1967).

Оттук следва, че брутният коефициент за раждаемост е на постоянно ниво (Наумов, 1978; Сугарев, 1975; Preston, 2001):

$$b = \frac{1}{\int_0^{\omega} e^{-rx} p(x)dx}, \quad (10)$$

а възрастовата структура е пропорционална на тази в предходен момент във времето. С ω е означена максималната продължителност